



UNIVERSIDAD  
DE LA RIOJA

Prueba de Evaluación de Bachillerato para el  
Acceso a la Universidad (EBAU)

Curso 2018/ 2019

Convocatoria: Julio

ASIGNATURA: MATEMÁTICAS II

---

El alumno contestará a los ejercicios de una de las dos propuestas (A o B) que se le ofrecen. Nunca deberá contestar a ejercicios de una propuesta y a ejercicios distintos de la otra. **Es necesario justificar las respuestas.**

Se permite el uso de calculadoras científicas siempre que no sean programables ni gráficas ni calculen integrales. **Si algún alumno es sorprendido con una calculadora no autorizada, podrá ser expulsado del examen; en todo caso, se le retirará la calculadora sin que tenga derecho a que le proporcionen otra.**

Tiempo: Una hora y media.

---

#### PROPUESTA A:

1.–(2 puntos) Sea  $\{e_1, e_2, e_3\}$  una base de  $\mathbb{R}^3$ , de modo que los vectores son unitarios y forman entre sí ángulos de  $45^\circ$ . Dados los vectores  $u = e_1 + e_2$  y  $v = e_1 - e_2 + e_3$

(I) Calcula el módulo de los vectores  $u$  y  $v$ .

(II) Calcula el coseno del ángulo formado por los vectores  $u$  y  $v$ .

2.– (2 puntos) El peso medio según la OMS de un niño de 5 años sigue una distribución normal de media 18,5 kg. y desviación típica 2,25 kg. Si se elige un niño al azar. Halla el porcentaje de niños

(I) cuyo peso es superior a 23 kg.

(II) cuyo peso está entre 15 y 23 kg.

(Véase la tabla simplificada de la **normal tipificada** que aparece al final del examen)

3.- (3 puntos) Sea la función

$$f(x) = \frac{|x|}{x^2 - 1}.$$

- (I) Analiza la continuidad y derivabilidad de la función  $f$ .
- (II) Razona si se puede aplicar, o no, el teorema de Rolle en el intervalo  $[-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}]$ . En caso afirmativo, calcula el valor  $c \in (-\frac{1}{2}, \frac{1}{2})$  a que se refiere el teorema de Rolle.
- (III) Halla el área encerrada por  $f$  y el eje de abscisas en el intervalo  $[\frac{3}{2}, 4]$ .

4.- (3 puntos) Sea  $a$  un parámetro real cualquiera. Considera la matriz:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & a & 0 \\ 0 & -a & 2a - 1 \end{pmatrix},$$

- (I) Determina para qué valores del parámetro  $a$  existe la inversa de la matriz  $A$ .
- (II) Halla la inversa de la matriz  $A$ , cuando exista.
- (III) Para  $a = 1$  y las matrices

$$B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 5 & 2 \end{pmatrix}, \quad C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ -1 & 2 & -3 \end{pmatrix}, \quad D = \begin{pmatrix} 3 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix},$$

resuelve el sistema

$$\begin{cases} BXA = Y, \\ \frac{1}{3}Y + C = D. \end{cases}$$



UNIVERSIDAD  
DE LA RIOJA

Prueba de Evaluación de Bachillerato para el  
Acceso a la Universidad (EBAU)

Curso 2018/ 2019

Convocatoria: Julio

ASIGNATURA: MATEMÁTICAS II

El alumno contestará a los ejercicios de una de las dos propuestas (A o B) que se le ofrecen. Nunca deberá contestar a ejercicios de una propuesta y a ejercicios distintos de la otra. **Es necesario justificar las respuestas.**

Se permite el uso de calculadoras científicas siempre que no sean programables ni gráficas ni calculen integrales. **Si algún alumno es sorprendido con una calculadora no autorizada, podrá ser expulsado del examen; en todo caso, se le retirará la calculadora sin que tenga derecho a que le proporcionen otra.**

Tiempo: Una hora y media.

#### PROPUESTA B:

1.- (2 puntos) En un colegio se han ofertado para los niños de infantil tres actividades extraescolares Inglés (ING), Multideporte (MUL) y Robótica (ROB), con dos rangos de edad de 3 a 4 años (MP) y de 5 a 6 años (MG). Se sabe que se han apuntado a alguna actividad un total de 300 niños. De ellos, hay 100 que tienen entre 3 y 4 años, de los cuales 82 hacen Inglés y 10 han elegido Multideporte. Se sabe que al grupo de Robótica se han apuntado 83 niños, y hay 105 niños de entre 5 y 6 años que se han apuntado a Inglés.

(I) Toma un niño al azar, halla las siguientes probabilidades:  $P(MG)$ ,  $P(MUL)$ ,  $P(MP \cap ROB)$ ,  $P(ROB|MP)$  y  $P(MG|ING)$ .

(II) Comprueba que el suceso MUL es independiente de la edad del niño.

2.- (2 puntos) Dos vértices consecutivos de un rectángulo son  $\hat{P} = (2, 2, 1)$  y  $Q = (0, 0, -1)$  y los otros dos pertenecen a una recta  $r$  que pasa por el punto  $A = (5, 4, 3)$ .

(I) Determina la ecuación de la recta  $r$ .

(II) Determina la ecuación del plano que contiene al rectángulo.

3.- (3 puntos) Sea la función

$$f(x) = \frac{|x|}{x^2 - 1}.$$

- (I) Analiza la continuidad y derivabilidad de la función  $f$ .
- (II) Razona si se puede aplicar, o no, el teorema de Rolle en el intervalo  $[-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}]$ . En caso afirmativo, calcula el valor  $c \in (-\frac{1}{2}, \frac{1}{2})$  a que se refiere el teorema de Rolle.
- (III) Halla el área encerrada por  $f$  y el eje de abscisas en el intervalo  $[\frac{3}{2}, 4]$ .

4.- (3 puntos) Sea  $a$  un parámetro real cualquiera. Considera la matriz:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & a & 0 \\ 0 & -a & 2a - 1 \end{pmatrix},$$

- (I) Determina para qué valores del parámetro  $a$  existe la inversa de la matriz  $A$ .
- (II) Halla la inversa de la matriz  $A$ , cuando exista.
- (III) Para  $a = 1$  y las matrices

$$B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 5 & 2 \end{pmatrix}, \quad C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ -1 & 2 & -3 \end{pmatrix}, \quad D = \begin{pmatrix} 3 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix},$$

resuelve el sistema

$$\begin{cases} BXA = Y, \\ \frac{1}{3}Y + C = D. \end{cases}$$



Tabla simplificada de la distribución normal tipificada

$z$	0	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09
0	0,5000	0,5040	0,5080	0,5120	0,5160	0,5199	0,5239	0,5279	0,5319	0,5359
0,1	0,5398	0,5438	0,5478	0,5517	0,5557	0,5596	0,5636	0,5675	0,5714	0,5753
0,2	0,5793	0,5832	0,5871	0,5910	0,5948	0,5987	0,6026	0,6064	0,6103	0,6141
0,3	0,6179	0,6217	0,6255	0,6293	0,6331	0,6368	0,6406	0,6443	0,6480	0,6517
0,4	0,6554	0,6591	0,6628	0,6664	0,6700	0,6736	0,6772	0,6808	0,6844	0,6879
0,5	0,6915	0,6950	0,6985	0,7019	0,7054	0,7088	0,7123	0,7157	0,7190	0,7224
0,6	0,7257	0,7291	0,7324	0,7357	0,7389	0,7422	0,7454	0,7486	0,7517	0,7549
0,7	0,7580	0,7611	0,7642	0,7673	0,7704	0,7734	0,7764	0,7794	0,7823	0,7852
0,8	0,7881	0,7910	0,7939	0,7967	0,7995	0,8023	0,8051	0,8078	0,8106	0,8133
0,9	0,8159	0,8186	0,8212	0,8238	0,8264	0,8289	0,8315	0,8340	0,8365	0,8389
1	0,8413	0,8438	0,8461	0,8485	0,8508	0,8531	0,8554	0,8577	0,8599	0,8621
1,1	0,8643	0,8665	0,8686	0,8708	0,8729	0,8749	0,8770	0,8790	0,8810	0,8830
1,2	0,8849	0,8869	0,8888	0,8907	0,8925	0,8944	0,8962	0,8980	0,8997	0,9015
1,3	0,9032	0,9049	0,9066	0,9082	0,9099	0,9115	0,9131	0,9147	0,9162	0,9177
1,4	0,9192	0,9207	0,9222	0,9236	0,9251	0,9265	0,9279	0,9292	0,9306	0,9319
1,5	0,9332	0,9345	0,9357	0,9370	0,9382	0,9394	0,9406	0,9418	0,9429	0,9441
1,6	0,9452	0,9463	0,9474	0,9484	0,9495	0,9505	0,9515	0,9525	0,9535	0,9545
1,7	0,9554	0,9564	0,9573	0,9582	0,9591	0,9599	0,9608	0,9616	0,9625	0,9633
1,8	0,9641	0,9649	0,9656	0,9664	0,9671	0,9678	0,9686	0,9693	0,9699	0,9706
1,9	0,9713	0,9719	0,9726	0,9732	0,9738	0,9744	0,9750	0,9756	0,9761	0,9767
2	0,9772	0,9778	0,9783	0,9788	0,9793	0,9798	0,9803	0,9808	0,9812	0,9817



UNIVERSIDAD  
DE LA RIOJA

Prueba de Evaluación de Bachillerato para el  
Acceso a la Universidad (EBAU)

Curso 2018/ 2019

Convocatoria: Julio

ASIGNATURA: MATEMÁTICAS II

### CRITERIOS GENERALES DE CORRECCIÓN

(1) Se sugiere un tipo de corrección positivo, es decir, partiendo de cero y sumando puntos por los aciertos que el alumno vaya obteniendo.

(2) Como excepción al apartado anterior, los errores muy graves, del tipo

$$\sqrt{a^2 + b^2} = a + b, \quad \frac{\ln x}{x} = \ln, \quad \int \frac{x}{x^2 + 3} = \int \left( \frac{1}{x} + \frac{x}{3} \right),$$

se penalizarán especialmente, y pueden suponer un 0 en el apartado en el que se hayan cometido.

(3) Se deberá valorar la exposición lógica y la coherencia de las respuestas, tanto en cuestiones teóricas como prácticas. Algunos ejemplos:

- (a) Si al resolver un sistema de ecuaciones, el alumno comete un error **numérico**, y el desarrollo posterior es coherente con dicho error, no se prestará especial atención siempre y cuando el problema no haya quedado reducido a uno trivial.
- (b) En la representación gráfica de funciones, se valorará la coherencia del dibujo con los datos obtenidos previamente por el alumno. (Vale aquí la misma excepción que en el párrafo anterior.)

(4) La puntuación máxima que se puede obtener en cada ejercicio viene señalada en la copia del examen que se entrega al alumno. Si alguno de los apartados tiene a su vez subapartados, se deberá distribuir razonablemente el número de puntos entre los mismos (no necesariamente debe darse el mismo peso a cada subapartado).

(5) Si un alumno da una respuesta acertada a un problema escribiendo sólo los resultados, sin el desarrollo lógico de cómo los ha obtenido, la puntuación en este apartado no podrá ser superior al 40% de la nota máxima prevista.

(6) La calificación será la suma de las puntuaciones obtenidas en cada ejercicio de una sola propuesta.